

Séquence : 05

Document : TD01

Lycée Dorian

Renaud Costadoat

Françoise Puig



Statique analytique



| | |
|-------------|--|
| Référence | S05 - TD01 |
| Compétences | B2-16: Modéliser une action mécanique. C1-05: Proposer une démarche permettant la détermination d'une action mécanique inconnue ou d'une loi de mo C2-07: Déterminer les actions mécaniques en statique. |
| Description | Modéliser et résoudre un exercice de statique analytique |
| Système | Chaise de dentiste, Colleuse de lamelles, Démarreur D6RA, Robot robuglass |

1 Colleuse de lamelle

1.1 Présentation



Figure 1 – Colleuse

Le groupe TECH-INTER commercialise du matériel de laboratoire d'histopathologie. Cette spécialité médicale consiste à découper des tissus d'organes en fine épaisseur (4 – 5 μ m). Ces tissus sont ensuite collés sur des lames de verres de 2 mm d'épaisseur puis colorés chimiquement dans un automate. Pour certains tissus, il est nécessaire de coller sur les tissus colorés une lamelle de verre de 0,3 mm d'épaisseur afin de les protéger (photo 3 document 2). Cette dernière opération est très délicate à effectuer manuellement et très longue, une étude pouvant comporter plusieurs centaines de lames. L'appareil appelé « Colleuse de lamelle » automatise ce procédé, figure 1.

1.2 Analyse statique de l'élévateur de rack

Le schéma cinématique, figure 6 document 6) représente le système d'élévateur de rack. Un moteur non représenté exerce sur l'axe 10 un couple moteur C_m inconnu, ce dernier entraîne par un système vis-écrou comportant un pas à droite, le support de rack 11 qui supporte une charge P connue. Les poids sont négligés. Le système est considéré comme spatial.

Le mouvement étant très lent, on peut supposer que l'ensemble est à l'équilibre par rapport au repère galiléen R_0 . Le but est de valider le couple moteur choisi par le constructeur.

Le couple moteur nominal en charge est égal à 1 N.m. pour une charge $P = 100\text{N}$.

Les liaisons sont supposées parfaites.

Les torseurs couple moteur et charge sont les suivants :

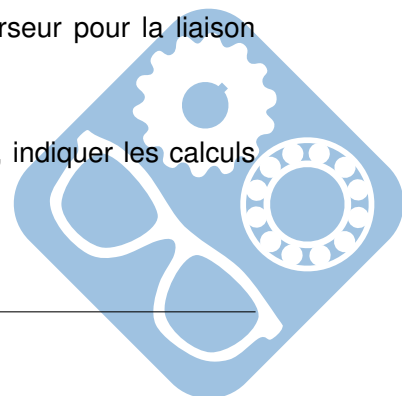
$$\{F_{\text{mot} \rightarrow 10}\} = \begin{Bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & C_m \\ 0 & 0 \end{Bmatrix}_{(O, R_0)} \quad \{F_{\text{charge} \rightarrow 11}\} = \begin{Bmatrix} 0 & 0 \\ -P & 0 \\ 0 & 0 \end{Bmatrix}_{(O, R_0)}$$

Question 1 : A partir du schéma cinématique de la figure 2, établir le graphe de liaison du mécanisme.

Question 2 : Identifier et écrire le torseur statique de chaque liaison.

Donner une équation supplémentaire en fonction des caractéristiques du torseur pour la liaison hélicoïdale, faisant intervenir le pas p du filetage.

Question 3 : Écrire les torseurs statiques $\{T'_{0 \rightarrow 11}\}_B$ et $\{T''_{0 \rightarrow 11}\}_C$ au point O, indiquer les calculs des moments.



Question 4 : Isoler le solide 10. Faire le Bilan des Actions Mécaniques et déterminer les 6 équations d'équilibre du solide 10 (moments au point O).

Question 5 : Isoler le solide 11. Faire le Bilan des Actions Mécaniques et déterminer les 6 équations d'équilibre du solide 11 (moments au point O).

Question 6 : Déterminer le couple moteur C_m en fonction de la charge P et du pas p .

A.N. : calculer C_m pour $p = 6,28\text{mm}$ (pour un tour) et $P = 100\text{N}$. Conclure.

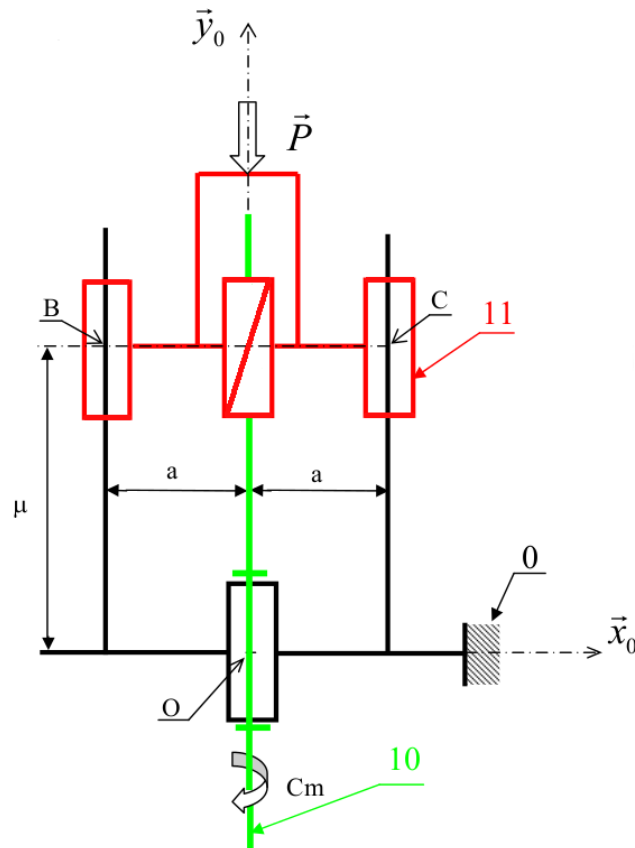
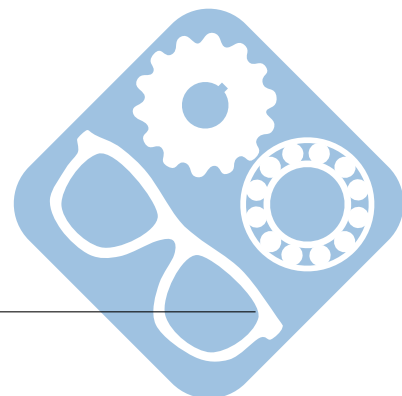


Figure 2 – Schéma cinématique



2 Démarreur D6RA

2.1 Présentation

Un moteur thermique doit être entraîné en rotation afin de lui faire atteindre son cycle de fonctionnement, c'est le rôle du démarreur.

Pour atteindre son cycle d'auto-fonctionnement, un moteur thermique doit être entraîné à :

- $100\text{tr}\cdot\text{min}^{-1}$ environ pour un moteur essence,
- $400\text{tr}\cdot\text{min}^{-1}$ environ pour un moteur diesel.

Le démarreur est fixé sur le carter moteur, il entraîne une couronne dentée liée au vilebrequin.

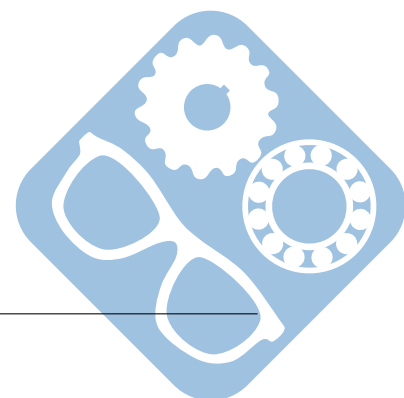


Figure 3 – Démarreur

2.2 Vérification de la tenue du palier 2

Le démarreur D6RA n'a pas cessé d'évoluer depuis sa première version. La dernière évolution de ce modèle est le D6RA-100. Ce modèle, le plus puissant de la série, est destiné aux moteurs diesel de moyenne cylindrée. Le couple maximum sur l'arbre secondaire est alors de $C_{\text{max}} = 120\text{N}\cdot\text{m}$. Ce couple, plus important que sur le précédent modèle, engendre une augmentation de la pression de contact exercée par l'arbre 4 sur les paliers 2 et 24.

Afin de vérifier la tenue du palier 2, on demande de déterminer les torseurs d'actions mécaniques appliqués au système matériel $\{12 + 4\}$.



Les torseurs représentant les actions mécaniques appliquées au système matériel 12+4 sont les suivants :

$$\{T_{64 \rightarrow \{12+4\}}\} = \begin{Bmatrix} 0 & -120 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{Bmatrix}_{I, (\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})} \quad \{T_{1 \rightarrow \{12+4\}}\} = \begin{Bmatrix} X_I & 0 \\ Y_I & 0 \\ Z_I & 0 \end{Bmatrix}_{I, (\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})}$$

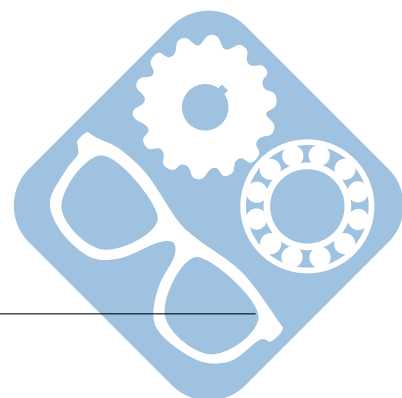
$$\{T_{1 \rightarrow \{12+4\}}\} = \begin{Bmatrix} 0 & 0 \\ Y_G & 0 \\ Z_G & 0 \end{Bmatrix}_{G, (\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})}$$

$\{T_{\text{moteur} \rightarrow \{12+4\}}\}_{(H, (\vec{x}, \vec{y}, \vec{z}))}$ torseur modélisant les actions mécaniques exercées par la couronne dentée du moteur sur le lanceur.

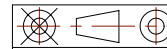
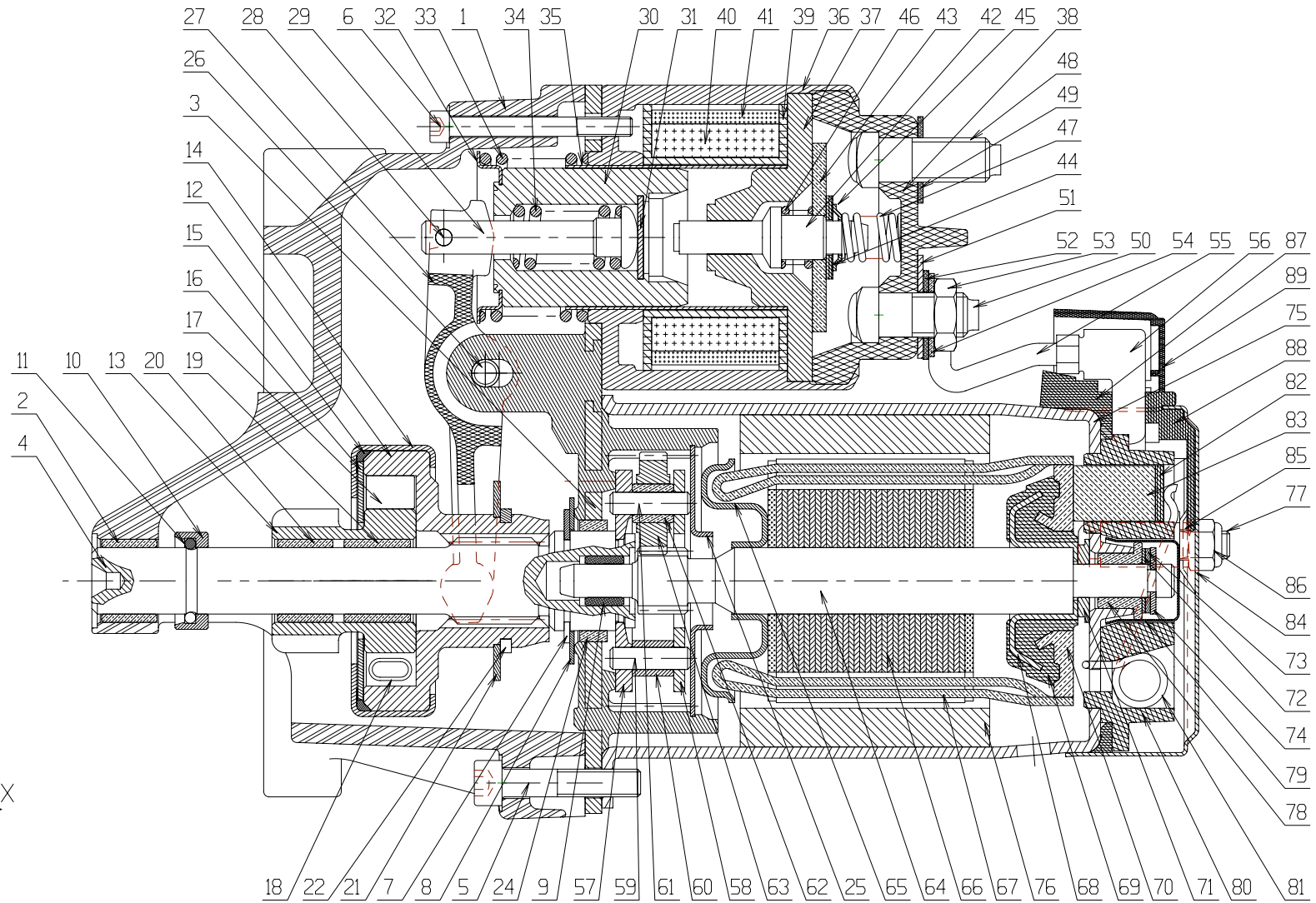
Question 1 : L'angle de pression de l'engrenage couronne moteur/{12 + 4} est $\alpha = 20^\circ$. Représenter, par un torseur, les actions mécaniques de la couronne du moteur sur {12 + 4}. Écrire les composantes de ce torseur dans $(H, (\vec{x}, \vec{y}, \vec{z}))$.

Question 2 : Énoncer le Principe Fondamental de la Statique sur le système matériel {12 + 4}. Déterminer les actions mécaniques des liaisons en G et en I.

Question 3 : Calculer la norme de l'effort radial dans le palier au point I. Les paliers sont dimensionnés pour supporter un effort maxi de 8KN. Justifier du choix de ces paliers. Ces mêmes paliers pourraient-ils être utilisés pour la liaison en G ?



D-D



Démarreur D6RA

Format : A3

Ech. 1.5 : 1

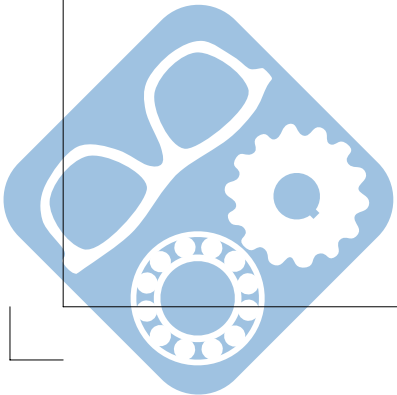
Dessiné par :

VALEO

Le

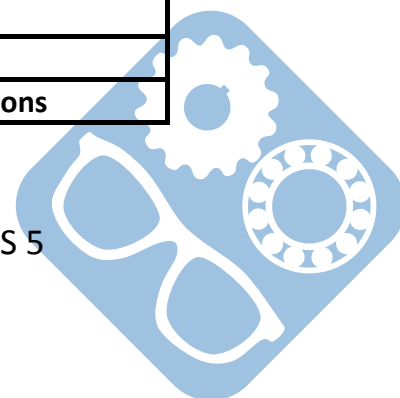
N°01

Document DT6/10

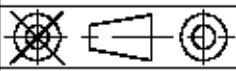
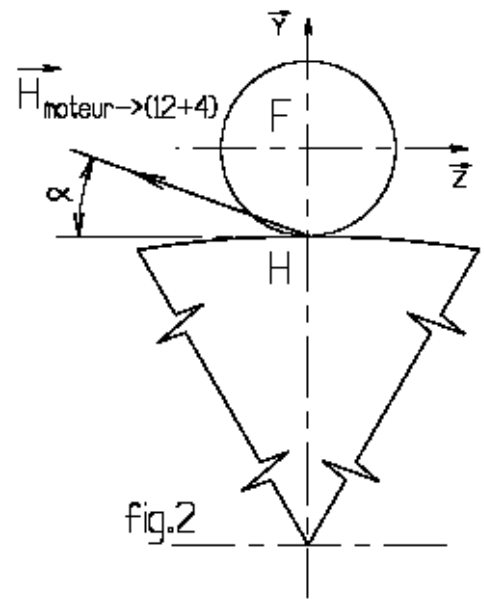
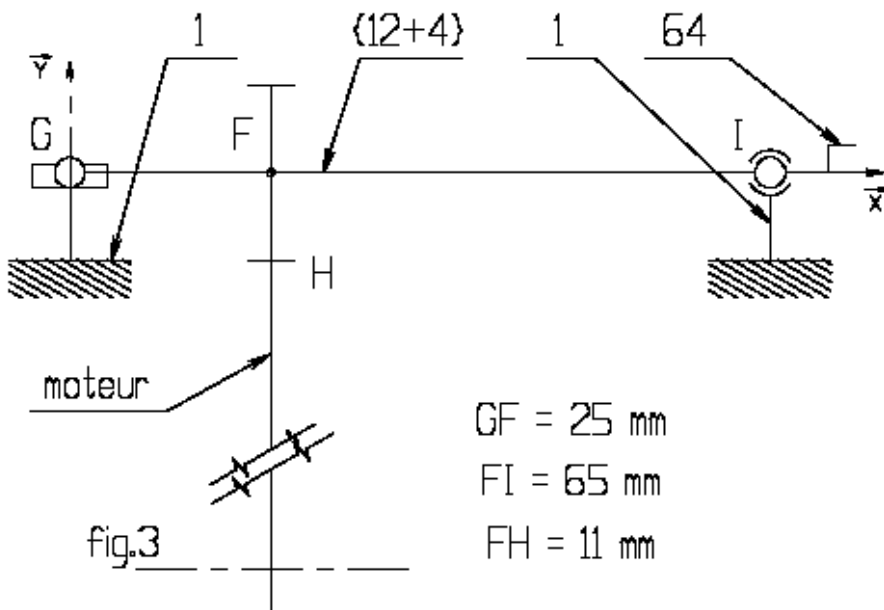


NOMENCLATURE (partielle) :

| | | | | |
|-------------|------------|------------------------|----------------|---------------------|
| 76 | 4 | Aimant permanent | | |
| 75 | 1 | Culasse | | Embouti profond |
| 66 | 1 | Induit | | |
| 64 | 1 | Arbre rotor | | |
| 50 | 1 | Borne de contacteur | | |
| 48 | 1 | Borne de contacteur | | |
| 43 | 1 | Palette contact | | |
| 42 | 1 | Poussoir | | |
| 41 | 1 | Bobinage de maintien | | |
| 40 | 1 | Bobinage d'appel | | |
| 39 | 1 | Cadre de bobinage | | |
| 33 | 1 | Ressort de fourchette | | |
| 32 | 1 | Coupelle | | |
| 30 | 1 | Noyau | Acier cuivré | |
| 29 | 1 | Tige de commande | | |
| 28 | 1 | Goupille | | |
| 27 | 1 | Fourchette | PA 6/6 | |
| 26 | 1 | Axe de fourchette | | |
| 24 | 1 | Palier | Bronze | Fritté |
| 22 | 1 | Anneau élastique | | |
| 21 | 1 | Rondelle d'appui | | |
| 20 | 1 | Palier | Bronze | Fritté |
| 19 | 1 | Palier | Bronze | Fritté |
| 18 | 6 | Ressort | | |
| 17 | 6 | Rouleau | | |
| 16 | 1 | Flasque de protection | | |
| 15 | 1 | Joint d'étanchéité | | |
| 14 | 1 | Tôle d'enveloppe | | Bichromatée |
| 13 | 1 | Pignon | | |
| 12 | 1 | Moyeu de fourchette | | |
| 11 | 1 | Jonc | | |
| 10 | 1 | Bague d'arrêt | | |
| 9 | 1 | Palier | Bronze | Fritté |
| 8 | 1 | Rondelle d'appui | | |
| 7 | 1 | Anneau élastique | | |
| 4 | 1 | Arbre secondaire | | |
| 3 | 1 | Plaque de base | | |
| 2 | 1 | Palier 10x12x8 (dxDxL) | Bronze | Fritté |
| 1 | 1 | Support lanceur | Aluminium | |
| Rep. | Nb. | Désignation | Matière | Observations |



Quatrième partie



Démarreur D6RA

Format : A4

Ech.

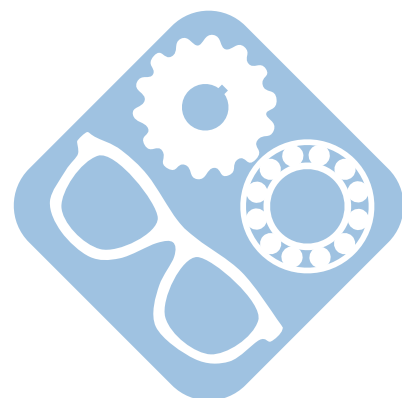
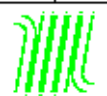
Document DR2/4

Nom :

Prénom :

Numéro candidat :

Centre :

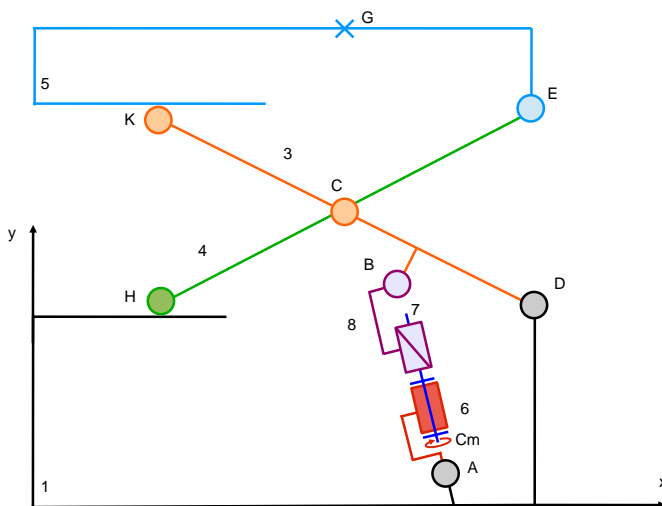


3 Siège de dentiste

Le système étudié sera celui d'une chaise de dentiste dont la hauteur de la chaise est réglable afin de permettre une meilleure accessibilité. Le schéma cinématique du système de levée est donné à la figure 3.



Figure 4 – Chaise de dentiste



Hypothèses simplificatrices et données :

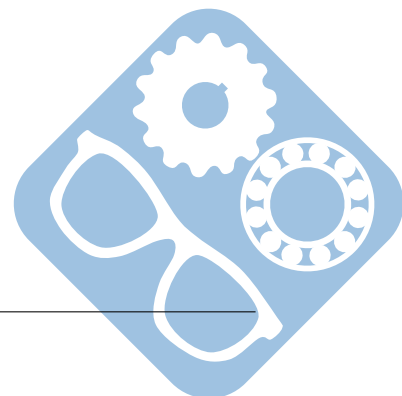
- Le point G matérialise la position de la charge que représente l'ensemble fauteuil + patient,
- Cette charge sera : \vec{P}_5 , avec $\|\vec{P}_5\| = 3000\text{N}$,
- Le poids des pièces est négligé devant les autres actions en présence,
- Le plan (\vec{x}, \vec{y}) est plan de symétrie pour l'étude,
- Les liaisons entre les solides sont parfaites.

Figure 5 – Hypothèses et données

Les dimensions sont les suivantes :

- $\vec{HC} = \vec{CE} = 260.\vec{x} + 100.\vec{y}$,
- $\vec{KC} = \vec{CD} = 260.\vec{x} - 100.\vec{y}$,
- $\vec{GE} = 260.\vec{x} - 50.\vec{y}$,
- $\vec{AB} = l.\vec{x}_6$,
- $\vec{CB} = 50.\vec{x} - 50.\vec{y}$,
- $(\vec{x}, \vec{x}_6) = \alpha = 100^\circ$,
- $p = 4\text{mm}$
- Toute autre donnée qui sera jugée nécessaire pourra être ajoutée.

Question 1 : Représenter le graphe des liaisons de ce système.



Question 2 : Exprimer les torseurs des actions mécaniques de chacune des liaisons ainsi que ceux correspondants au poids du patient et au couple moteur.

Question 3 : Proposer un modèle permettant de déterminer l'action de la chaîne de solides {6,7,8} sur 3.

Question 4 : Isoler la pièce 5, et déterminer les équations liées à l'isolement de cette pièce.

Question 5 : Isoler la pièce 4, et déterminer les équations liées à l'isolement de cette pièce.

Question 6 : Isoler la pièce 3, et déterminer les équations liées à l'isolement de cette pièce.

Question 7 : En déduire le couple du moteur qui permet de supporter le poids du patient. Un logiciel de simulation informatique nous a permis d'obtenir les 2 courbes de la figure 6.

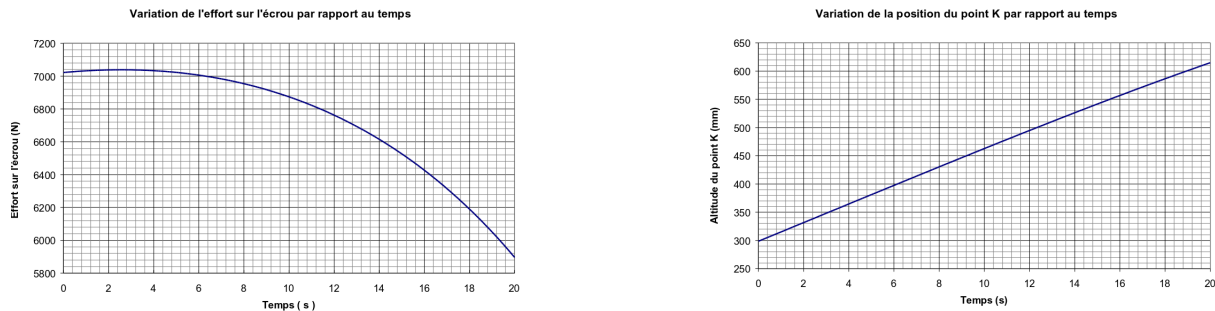
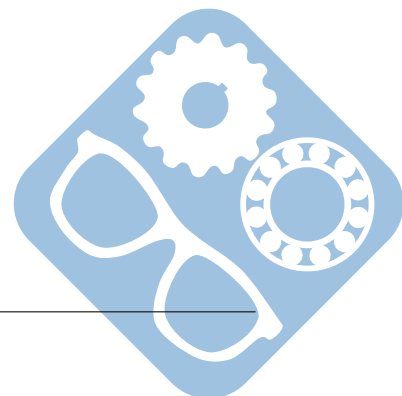


Figure 6 – Relevés du logiciel

Question 8 : Déterminez la valeur maximale de l'effort transmis par la charge à l'écrou : $\|\vec{B}_3 \rightarrow E\|$.

Question 9 : Déduisez-en l'altitude du point K correspondant à l'effort maximum.



4 Robot Robuglass

4.1 Étude du fonctionnement global du système

La société ROBOSOFT a développé le robot Robuglass, figure 7, devant assurer de manière automatique l'entretien de la pyramide du Louvre sans nécessiter l'intervention (difficile et périlleuse) des opérateurs directement sur l'édifice.



Figure 7 – Robot Robuglass

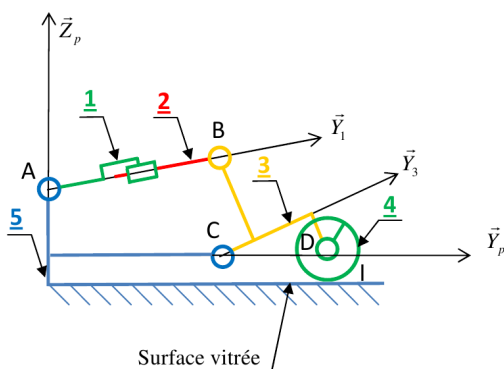
Le robot ROBUGLASS se compose de 4 sous ensembles distincts :

- le porteur : qui constitue le robot qui se déplace sur la surface vitrée,
- le chariot ombilical : qui supporte les 2 pompes à vide,
- le poste de contrôle : qui permet à l'opérateur de commander le porteur,
- le véhicule atelier : qui permet le rangement du porteur, de l'outillage et du chariot ombilical.

4.2 Objectif : Vérification du critère de contact

Pour un nettoyage efficace il est nécessaire de réguler l'effort d'application de la brosse sur la vitre. Un actionneur de type vérin électrique permet de mettre l'outil contenant la brosse en position haute ou basse et d'appliquer la brosse sur la surface vitrée avec l'effort requis.

L'effort maximum développé par le vérin est de 130 N.

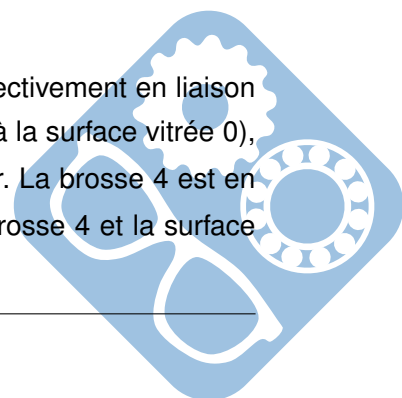


$$\begin{aligned}
 & \vec{AB} = \lambda \cdot \vec{Y}_1, & & a = 360\text{mm}, \\
 & \vec{AC} = a \cdot \vec{Y}_p - b \cdot \vec{Z}_p, & & b = 120\text{mm}, \\
 & \vec{CB} = c \cdot \vec{Y}_3 + d \cdot \vec{Z}_3, & & c = 40\text{mm}, \\
 & \vec{CD} = e \cdot \vec{Y}_3 - f \cdot \vec{Z}_3, & & d = 130\text{mm}, \\
 & \vec{ID} = r_4 \cdot \vec{Z}_p, & & e = 120\text{mm}, \\
 & \theta_1 = (\vec{Y}_p, \vec{Y}_1) = 15^\circ, & & f = 50\text{mm}, \\
 & \theta_3 = (\vec{Y}_p, \vec{Y}_3) = 30^\circ, & & r_4 = 30\text{mm}.
 \end{aligned}$$

Figure 8 – Schéma cinématique du Robot Robuglass

On rappelle : $\cos 15^\circ = 0.96$, $\sin 15^\circ = 0.26$, $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$.

Le vérin (voir Annexe 3, figure 4) est modélisé par le corps 1 et la tige 2 respectivement en liaison pivot d'axe (A, \vec{X}_p) et (B, \vec{X}_p) avec le porteur 5 (considéré comme fixe par rapport à la surface vitrée 0), et le support d'outil 3. Ce dernier est en liaison pivot d'axe (C, \vec{X}_p) avec le porteur. La brosse 4 est en liaison pivot d'axe (D, \vec{X}_p) avec le support d'outil 3. Le point de contact entre la brosse 4 et la surface vitrée fixe 0 est noté I (Document Réponse B9).



L'objectif est de déterminer l'effort développé par le vérin. On négligera les effets du poids sur l'ensemble des pièces de l'outil. On notera les actions mécaniques d'un solide i sur un solide j : $\overrightarrow{F_{i \rightarrow j}}$. L'action $\overrightarrow{F_{5 \rightarrow 4}}$ appliquée au point I est donnée par : $\overrightarrow{F_{5 \rightarrow 4}} = -20 \cdot \overrightarrow{Y}_p + 100 \cdot \overrightarrow{Z}_p$. Le problème peut être résolu sous les hypothèses de statique plane.

Question 1 : Isoler l'ensemble $\{1, 2\}$, établir les 3 équations qui lient les composantes des torseurs statiques.

Question 2 : Isoler l'ensemble $\{3, 4\}$, établir les 3 équations qui lient les composantes des torseurs statiques.

Question 3 : En déduire l'action $\overrightarrow{F_{3 \rightarrow 2}}$ et donc l'effort dans le vérin. Cette valeur est-elle compatible avec le vérin utilisé.

